

- Identifier les propriétés des puissances et ses utilisations
- L'utilisation des puissances à la base 10 lors de l'étude de l'ordre et de la valeur approchée ou l'écriture scientifique.

Leçon : 02

Les PUISSANCES

Fiche Technique

Les Pré-requis :

- Puissances des nombres rationnels
- L'écriture scientifique

Les outils didactiques :

- Tableau – Calculatrice – Manuel

Les prolongements de la leçon :

- Les racines carrées
- Ordre et opérations
- Equations

Les erreurs et les obstacles :

- La difficulté d'utiliser les puissances pour simplifier des expressions algébriques
- Accepter que $a^0 = 1$ tel que $a \neq 0$
- La difficulté d'écrire quelques chiffres sous la forme de puissance
- Les erreurs telles que : $(a + b)^2 = a^2 + b^2$; $a^n = na$; $a^n + a^m = a^{n+m}$; $a^0 = 0$

Puissance d'un nombre réel

- Activité
 - Calcul de puissance
 - Ecris sous forme de a^n
 - Le signe d'une puissance
- Définitions et exemples
- Exercices

L'écriture scientifique

- Activité : puissance de 10
- Propriété
- Activité : écriture scientifique
- Règle et exemples
- Exercices

Opérations sur les puissances

- Activité
- Propriétés et exemples
- Exercices

Exercices De Réinvestissement (Manuel)

Résumé des connaissances

I. Définitions et remarques

1) Puissance d'un nombre réel avec un exposant positif :

Soit a un nombre réel et n un entier naturel non nul

$$a^n = \underbrace{a \times a \times \dots \times a}_{n \text{ facteurs}}$$

- ✗ L'écriture a^n est une puissance
- ✗ a est appelé base et n est appelé exposant (degré, puissance)
- ✗ on lit « a à la puissance n »
- ✗ Si $n = 1$ alors $a^1 = a$ et si $n = 0$ alors $a^0 = 1$

2) Puissance d'un nombre réel avec un exposant négatif :

Soient a et x des nombres réels non nuls et n un entier naturel non nul

$$\left(\frac{a}{x}\right)^{-n} = \left(\frac{x}{a}\right)^n \text{ et } x^{-n} = \frac{1}{x^n}$$

3) Signe d'une puissance

Soit a un nombre réel et n un entier naturel non nul

	n pair	n impair
a positif	a^n positif	a^n positif
a négatif	a^n positif	a^n négatif

- ✗ **Résultat** : soit a un nombre réel strictement positif

n pair	n impair
$(-a)^n = a^n$	$(-a)^n = -a^n$

II. Ecriture scientifique :

✗ Puissance de 10 :

✗ Propriété :

$$10^n = \underbrace{1\,000\dots\dots 0}_{n \text{ zéros}} \text{ et } 10^{-n} = \underbrace{0,00\dots\dots 0 1}_{n \text{ zéros}}$$

✗ Définition :

Soit D et d des nombres décimaux relatifs

L'écriture $D = d \times 10^n$ est l'écriture scientifique du nombre D si :

- 1) n est un entier relatif.
- 2) d a le même signe que D et vérifie :
 - l'inégalité $1 \leq d < 10$ s'il est positif.
 - l'inégalité $-10 < d \leq -1$ s'il est négatif.

III. Les opérations sur les puissances :

✗ Propriétés

Soient a et b des nombres réels non nuls et n et m des entiers relatifs

1	$a^n \times a^m = a^{n+m}$
2	$a^n \times b^n = (ab)^n$
3	$(a^n)^m = a^{n \times m}$
4	$\frac{a^n}{a^m} = a^{n-m}$
5	$\frac{a^n}{b^n} = \left(\frac{a}{b}\right)^n$

I. Puissance d'un nombre réel :

Activité 01 :

Durée

- Calculer les puissances :
 2^5 ; $(\frac{5}{3})^4$; $(\frac{-6}{7})^{-2}$; 4^{-3} ; $(\sqrt{6})^2$; $14,5^0$
- Ecrire sous forme de puissance les nombres :
9 ; 243 ; 64 ; $25 \times 5 \times 125$; $49 \times 49 \times 343 \times 7$
- Calculer des puissances suivantes et déterminer le signe de chacune :
 5^2 ; 5^{-3} ; $(-5)^3$; $(-5)^2$; $(-5)^{-4}$; $(-5)^{-5}$

Définitions

Exemples

Exercices d'Applications

Durée

- Calculer les puissances
 0^1 ; 7^2 ; 6^3 ; $(-2)^5$; $(-5)^3$; 2016^0 ;
 1438^1 ; -2^4 ; 3^{-3} ; 1^{2966} ; $(\frac{3}{7})^2$; $(\frac{2}{-4})^{-5}$

- Ecrire sous forme de puissance les nombres suivants :
 625 ; 1331 ; $16 \times 4 \times 256 \times 64$; $9 \times 27 \times 3 \times 243$

II. L'écriture scientifique :

Activité 02: puissance de 10

Durée

- Ecris sous forme d'une puissance de base 10
 10^2 ; 10^4 ; 10^3 ; 10^{10}
 10^{-1} ; 10^{-2} ; 10^{-5} ; 10^{-7}

Propriété

Activité 03: écriture scientifique

Durée

- Ecris sous forme de produit dont un des facteurs est une puissance de 10 :
 5000 ; 123456 ; $321,37$
 $0,02895$; $0,00000634$; $0,0003$
- Déterminer l'écriture scientifique de :
 -3463 ; 568003 ; $0,000451$

Définition

Exemples

Exercices d'Applications

Durée

- Ecris sous forme d'une puissance de base 10
 10000 ; $0,000001$; 100 ; $0,1$
- Déterminer l'écriture scientifique de :
 $63,126$; -714235 ; $0,000365$
 $13334,6$; -370000 ; $0,02016$

III. Opérations sur les puissances:

Activité 04:

Durée

Soient a et b deux nombres réels, décompose en produit puis simplifier-les en forme de puissances :

$$a^4 \times a^7 \quad ; \quad a^{-2} \times a^2 \quad ; \quad (a^3)^6$$
$$a^5 \times b^5 \quad ; \quad \frac{a^7}{a^2} \quad ; \quad \frac{a^4}{b^4}$$

Propriétés

Exemples

Exercices d'Applications

Durée

A. Simplifier :

$$(-2)^5 \times (-2)^4 \quad ; \quad 3^7 \times 3^5 \quad ; \quad (14^{-3})^7$$
$$(\sqrt{5^4})^6 ; \frac{13^{15}}{13^4} \quad ; \quad \frac{13^{15}}{13^4} \quad ; \quad 5 \times (\sqrt{5})^3$$
$$5^6 \times 1 \quad ; \quad (1^{-11})^6 \quad ; \quad ((-17)^8)^2 \quad ; \quad \frac{9^5}{9^{24}} \quad ; \quad \frac{7^8}{7}$$

B. Simplifier :

$$(-6)^{-3} \times (-2)^4 \quad ; \quad 2^{17} \times 13^{17}$$
$$\frac{7^5}{35^5} \quad ; \quad \left(\frac{3}{\sqrt{7}}\right)^2$$

C. Simplifier :

$$a^2 \times a^{13} \quad ; \quad \frac{a^4 \times a^8}{a^3} \quad ; \quad \left(\frac{a^2}{a^9}\right)^5$$
$$a^{12} \times a^7 \times a^{-3} \quad ; \quad \frac{(a^2)^5 \times (a^8)^{-2}}{a^{11}}$$

D. Simplifier et déduire l'écriture scientifique de:

$$A = 12 \times 10^{-3} \times 0,03 \times 10^{-24}$$
$$B = \frac{0,02 \times 10^{-5} \times 520 \times (10^2)^{-7}}{0,0001}$$

Khalid Foullan